

Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Servizio Nazionale di Valutazione a.s. 2014/15 Guida alla lettura Prova di Matematica Classe seconda – Scuola secondaria di II grado

I quesiti sono distribuiti negli ambiti secondo la tabella seguente

Ambito	Numero di domande	Numero di Item ¹
Numeri	8	12
Spazio figure	9	11
Dati e previsioni	9	16
Relazioni e funzioni	5	14
Totale	31	53

¹ Una domanda può essere composta da più item, come nel caso di domande a scelta multipla complessa del tipo Vero o Falso. L'attribuzione di un eventuale punteggio parziale sarà definita in sede di analisi dei dati complessivi.



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Tabella della suddivisione degli item in relazione ad ambiti e processi

Processi/Ambiti	Numeri	Spazio e figure	Dati e Previsioni	Relazioni e fun- zioni	TOTALE
1. Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica (oggetti matematici, proprietà, strutture)	D2, D21 D11a-b	D15, D31	D6b, D12a		8
2. Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure (in ambito aritmetico, geometrico)	D28a-b		D6a, D12b, D14a, D18a-b, D23, D25	D13b	10
3. Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra (<i>verbale, numerica, simbolica, grafica,</i>)			D1a-d, D14b	D4a-b, D5, D13a, D10a-d, D27a-d	17
4. Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico – (individuare e collegare le informazioni utili, individuare e utilizzare procedure risolutive, confrontare strategie di soluzione, descrivere e rappresentare il procedimento risolutivo,)	D8a-b, D17	D7		D4c	5
5. Riconoscere in contesti diversi il carattere misurabile di oggetti e fenomeni, utilizzare strumenti di misura, misurare grandezze, stimare misure di grandezze (<i>individuare l'unità o lo strumento di misura più adatto in un dato contesto, stimare una misura</i> ,)		D16, D19, D24			3
6. Acquisire progressivamente forme tipiche del pensiero matematico (<i>congetturare</i> , <i>verificare</i> , <i>giustificare</i> , <i>definire</i> , <i>generalizzare</i> ,)	D20	D3a-c, D29	D30		6
7. Utilizzare strumenti, modelli e rappresentazioni nel trattamento quantitativo dell'informazione in ambito scientifico, tecnologico, economico e sociale (descrivere un fenomeno in termini quantitativi, utilizzare modelli matematici per descrivere e interpretare situazioni e fenomeni, interpretare una descrizione di un fenomeno in termini quantitativi con strumenti statistici o funzioni)	D9a-b		D22		3
8. Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione (riconoscere forme in diverse rappresentazioni, individuare relazioni tra forme, immagini o rappresentazioni visive, visualizzare oggetti tridimensionali a partire da una rappresentazione bidimensionale e, viceversa, rappresentare sul piano una figura solida, saper cogliere le proprietà degli oggetti e le loro relative posizioni,)		D26			1
TOTALE	12	11	16	14	53



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Di seguito viene proposta un'analisi dei quesiti utilizzando una tabella a tre colonne in cui vengono rispettivamente indicati:

- nella prima il testo del quesito. La numerazione dei quesiti fa riferimento alla versione dei fascicoli che riporta in prima pagina "Fascicolo 1";
- nella seconda le caratteristiche facendo riferimento al *Quadro di riferimento* delle prove SNV pubblicato sul sito INVALSI. Nella voce "Indicazioni Nazionali e Linee Guida" sono riportati, in parallelo, obiettivi di apprendimento presenti nelle Linee Guida per l'istruzione tecnica (riportati in carattere normale) e nelle Indicazioni Nazionali per il sistema dei Licei (riportati in corsivo);
- nella terza una descrizione e un commento didattico; i possibili errori segnalati sono stati rilevati in sede di pretest ma ovviamente non hanno alcuna pretesa di costituire una lista completa degli errori possibili e delle loro motivazioni.

È importante sottolineare che le caratteristiche proposte sono solo indicative e non devono rappresentare un vincolo per l'interpretazione del risultato: in matematica ogni domanda coinvolge spesso diversi ambiti, e la risposta richiede processi di diversa natura. Seguendo la prassi internazionale, si indicano l'ambito e il processo *prevalenti*, tenendo presente che spesso la scelta di un particolare distrattore può indicare difficoltà o lacune in altri ambiti o in altri processi.

Nelle guide 2015 è presente anche un raggruppamento delle competenze (Dimensioni) secondo tre aree, denominate Conoscere, Risolvere problemi, Argomentare. Tale raggruppamento deriva da esigenze connesse con l'analisi statistica degli esiti delle Prove INVALSI (con la necessità di ridurre a 3 le aree di competenze secondo cui classificare le prove) e da esigenze di orientare nelle scuole la lettura dei risultati delle Prove in accordo con le Indicazioni Nazionali. Per la scuola secondaria di secondo grado (livello 10) e quindi per la conclusione dell'obbligo scolastico non sono previsti, dalla normativa vigente, Traguardi per lo sviluppo delle competenze. Il gruppo di lavoro INVALSI ha individuato una serie di Traguardi per lo sviluppo delle competenze per la fine dell'obbligo scolastico in diretta continuità con i Traguardi della fine del I ciclo. Ogni domanda viene collegata a un Traguardo per lo sviluppo delle competenze e ogni Traguardo a una delle tre Dimensioni indicate nella colonna delle caratteristiche. Alcuni tra i Traguardi indicati non vengono presi in esame in quanto non verificabili attraverso prove standardizzate

Nella tabella alla fine della guida è riportata la corrispondenza fra Traguardi per lo sviluppo delle competenze e le Dimensioni (Conoscere, Risolvere problemi, Argomentare) in accordo con la modalità di restituzione dei risultati alle scuole (Ambiti e Dimensioni).

Infine sono stati riportati i risultati ottenuti dal campione di scuole utilizzato per il Rapporto Nazionale. I dati sono riportati sia in modo aggregato (G) che scorporati per tipologia di scuola: L (licei), T (Istituti tecnici) e P (Istituti professionali). Allo scopo di facilitare la lettura del quesito e dei risultati insieme questi ultimi sono riportati in parte nella seconda colonna in parte nella terza.



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Caratteristiche

GUIDA ALLA LETTURA

Domanda Il seguente grafico rappresenta la popolazione straniera residente in Italia, suddivisa per sesso, negli anni dal 2002 al 2009 (fonte ISTAT). 2 200 000 2 100 000 2 000 000 1 900 000 1 800 000 1 700 000 1 600 000 1 500 000 1 400 000 1 300 000 1 200 000 1 100 000 1 000 000 900 000 800 000 700 000 2003 2004 2005 2006 2007 2008 2009 Indica se ciascuna delle seguenti affermazioni è vera (V) o falsa (F). F Fra il 2002 e il 2005 i maschi erano più numerosi delle femmine Nel 2009 la differenza tra numero di femmine e numero di maschi era massima Nel 2008 il numero delle femmine ha superato per la prima volta il numero dei maschi

Dal 2002 al 2007 i maschi sono più che raddoppiati

AMBITO PREVALENTE

Dati e Previsioni

SCOPO DELLA DOMANDA

Leggere un grafico per ricavarne informazioni e operare confronti.

PROCESSO PREVALENTE

Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra.

Indicazioni Nazionali e Linee Guida

Dati, loro organizzazione e rappresentazione. Raccogliere, organizzare e rappresentare un insieme di dati.

Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazioni più idonee.

DIMENSIONE Risolvere problemi

RISULTATI DEL CAMPIONE

	Item		VERO	FALSO
G	D1a	0,4%	94,1%	5,5%
G	D1b	1,2%	81,1%	17,7%
G	D1c	0,4%	14,6%	84,9%
G	D1d	0,6%	73,6%	25,8%

Risposta corretta: V V F V

La domanda valuta competenze di lettura di un grafico. Ai primi tre item si può rispondere anche senza fare riferimento ai dati numerici, rimanendo quindi all'interno del registro di rappresentazione grafica. L'ultimo richiede invece una semplice elaborazione numerica a partire dai dati letti sul grafico e richiede necessariamente un passaggio di rappresentazioni, anche se elementare.

Descrizione e commento

RISULTATI DEL CAMPIONE

	Item		VERO	FALSO
L	D1a	0,3%	95,3%	4,4%
L	D1b	0,9%	86,7%	12,5%
L	D1c	0,3%	9,8%	89,9%
L	D1d	0,6%	77,8%	21,7%
T	D1a	0,4%	94,8%	4,8%
T	D1b	1,3%	81,1%	17,6%
T	D1c	0,4%	12,9%	86,7%
T	D1d	0,5%	75,8%	23,7%
P	D1a	0,7%	90,6%	8,8%
P	D1b	1,7%	69,3%	29,0%
P	D1c	0,7%	27,7%	71,5%
P	D1d	1,0%	61,3%	37,7%



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

	Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
		AMBITO PREVALENTE	Risposta corretta: C
D2.	Nell'insieme dei numeri reali la disequazione $x^2+1\geq 0$ è verificata	Numeri	Gli studenti hanno a disposizione diver
	A. \square solo per $x \ge 0$ B. \square solo per $x \ge -1$ C. \square per ogni x D. \square per nessun x	Riconoscere che la somma di due quadrati è una quantità non negativa. PROCESSO PREVALENTE Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Equazioni e disequazioni di primo e secondo grado. Sistemi di equazioni e di disequazioni. Risolvere equazioni e disequazioni di primo e secondo grado; risolvere sistemi di equazioni e disequazioni e disequazioni. Soluzioni delle equazioni di primo grado in una incognita, delle disequazioni associate e dei sistemi di equazioni lineari in due incognite, e tecniche necessarie alla loro risoluzione grafica e algebrica. DIMENSIONE Conoscere RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Ris A B C D G D2 5,2% 19,3% 23,4% 37,7% 14,4% L D2 4,3% 13,8% 19,5% 47,4% 15,0% T D2 4,6% 20,7% 25,4% 34,2% 15,11% P D2 8,2% 28,5% 28,4% 22,7% 12,2%	per rispondere. La più semplice è osser somma di un numero reale non negativo sicuramente positiva in quanto non è ne Possono anche pensare al grafico del $f(x) = x^2 + 1$ e osservare che i punti $P(x)$ no tutti al di sopra dell'asse delle x , quin x si ha $x^2 + 1 > 0$. Infine possono, se han teoria delle disequazioni di 2° grado, os il discriminante dell'equazione associate e quindi $x^2 + 1$ assume, per ogni x il segificiente di x^2 , che è positivo. Sono ser ste competenze di conversione da un rappresentazione a un altro. Per alcunt segno \geq potrebbe essere fonte di diffici no studenti che ritengono non corretto numero positivo sia maggiore o uguale denthal parlava della differenza tra dire dire "tutta la verità". In matematica ci si di dire la verità; è vero che un numero 0 è anche maggiore o uguale a 0 . È una ca tipica della razionalità matematica, per quello giudiziario, dove ci si aspetta che ne dica non solo la verità, ma tutta la essere utile far riflettere gli studenti su ci che sono particolarmente importanti nella logica dell'argomentazione matem
			6 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

zione diverse strategie lice è osservare che la on negativo, x^2 , con 1 è nto non è minore di 1. grafico della funzione i punti $P(x, x^2 + 1)$ sodelle x, quindi per ogni ono, se hanno svolto la 2° grado, osservare che ne associata è negativo gni x il segno del coef-. Sono sempre richieone da un registro di Per alcuni studenti il nte di difficoltà. Ci soon corretto dire che un re o uguale a 0. Freunza tra dire la verità e matica ci si accontenta in numero maggiore di a 0. È una caratteristiatematica, ma che non ontesti, per esempio in aspetta che il testimona tutta la verità. Può tudenti su questi aspetimportanti per entrare one matematica.



Domanda							Caratte	ristiche			D	escrizior	ne e comr	nento			
D3.	D3. Indica se ciascuna delle seguenti affermazioni è vera (V) o falsa (F).					AMBITO PREVALENTE					Risposta corretta: F V V						
			F	_							Per rispondere correttamente gli studenti devon						
	a.	Condizione necessaria affinché un quadrilatero abbia le diagonali uguali è che sia un rettangolo			De	Determinare la verità o falsità di implicazioni logiche in ambito geometrico.				conoscere le proprietà del rettangolo, del r del quadrato, e anche riconoscere il tipo di guenza logica fra le proposizioni coinvolte r							
	ь.	Condizione sufficiente affinché un quadrilatero abbia le diagonali uguali è che sia un rettangolo			PR	OCESSO	PREVAL	LENTE	ne tipiche del	deg	gli item. Si loscenza	tratta di ı di propri	in quesito età geom	utile a valu etriche, m	a, so-		
	c.	Condizione necessaria e sufficiente affinché un rombo sia un quadrato è che abbia le diagonali uguali			per Inc	nsiero mate licazioni N	matico. I azionali (e Linee Gi	uida	di o	conseguenz	za logica	tra due pr	ninare la rel oposizioni geometrich	che ri-		
						zioni fonda lo spazio.	ia del piano e	_	SULTATI		_	_					
						•	dei fonda	menti del	la geometria		Item		VERO	FALSO			
									lla geometria	L	D3a	1,8%	27,8%	70,4%			
						clidea del p		llo spazio.		L	D3b	2,2%	63,1%	34,7%			
					DI	MENSION	NE A	rgomentai	re	L	D3c	1,4%	75,9%	22,7%			
					RI	SULTATI	DEL CA	MPIONE	,	T	D3a	2,3%	30,3%	67,4%			
						VEDO EALCO				T	D3b	2,5%	58,9%	38,6%			
					G	G D3a 2,4% 31,3% 66,3%		T	D3c	1,8%	72,4%	25,8%					
					G	D3b	2,7%	59,2%	38,1%	P	D3a	3,8%	40,1%	56,0%			
					G	D3c	2,0%	71,7%	26,3%	P	D3b	4,1%	51,2%	44,7%			
										P	D3c	3,4%	61,8%	34,8%			



Domanda			Caratteristiche	Descrizione e commento						
_			AMBITO PREVALENTE	Risposta	corretta:					
	00 m³ di acqua e un vi	illaggio inizia a prelevare	Relazioni e funzioni	a						
Se territaria			SCOPO DELLA DOMANDA		T (settimane)	n (m³)				
 a. Completa la seguente tabella relativa al numero n di m³ di acqua contenuti nel serbatoio in funzione del numero t di settimane a partire da oggi: 					0	100				
serbatoio in funzione dei numero r di settimane a partire da oggi:			esprime la dipendenza tra due variabili.		1	98				
t (settimane) n (m³)		b. Esprimere attraverso una formula la rela-		2	96					
				3	94					
	100		c. Risolvere un problema.		4	92				
1			PROCESSO PREVALENTE	b. $n = 10$	00 - 2t.		_			
2 3 4		a. e b. Conoscere diverse forme di rappre-	c. B							
		sentazione e passare da una all'altra.								
		-	Per completare la tabella dell'item a. è sufficiente							
ressione che rappresenti funzione del numero t di s settimane il serbatoio sarà settimane settimane	il numero <i>n</i> di m ^a ettimane. 	di acqua contenuti nel	ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Dati, loro organizzazione e rappresentazione. Raccogliere, organizzare e rappresentare un insieme di dati. Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazioni più idonee. DIMENSIONE a e b : Conoscere c : Risolvere problemi	serbatoic renza tra prelevati forma-zi- interame rico. L'item b sentazion All'item del regis nando dall'equa	o perde 2 m³ di acqua a i 5 m³ con cui vien dal villaggio. Una v one, la compilazione ente nel registro di rap o. richiede invece il p ne simbolica. c. si può rispondere tro numerico o, più v lo zero della fur azione	n, risultato de e alimentato rolta acquisit della tabella ppresentazion passaggio all rimanendo a velocemente,	ella diffe- e i 7 m ³ a tale in- a avviene ne nume- a rappre- ll'interno determi-			
of f	montagna alimenta contininggi il serbatoio contiene 10 a settimana. seguente tabella relativa funzione del numero t di s t (settimane) 0 1 2 3 4 pressione che rappresenti funzione del numero t di s	eggi il serbatoio contiene 100 m³ di acqua e un va settimana. seguente tabella relativa al numero n di m³ funzione del numero t di settimane a partire d t (settimane) n (m³) 0 100 1 2 3 4 pressione che rappresenti il numero n di m³ funzione del numero t di settimane. settimane il serbatoio sarà vuoto? settimane settimane settimane	montagna alimenta continuativamente un serbatoio con 5 m³ di acqua ggi il serbatoio contiene 100 m³ di acqua e un villaggio inizia a prelevare a settimana. seguente tabella relativa al numero n di m³ di acqua contenuti nel funzione del numero t di settimane a partire da oggi: t (settimane) n (m³) 0 100 1 2 3 4 pressione che rappresenti il numero n di m³ di acqua contenuti nel funzione del numero t di settimane. settimane il serbatoio sarà vuoto? settimane settimane settimane	montagna alimenta continuativamente un serbatolo con 5 m³ di acqua gil i serbatolo contiene 100 m³ di acqua e un villaggio inizia a prelevare settimane. seguente tabella relativa al numero n di m³ di acqua contenuti nel funzione del numero t di settimane a partire da oggi: seguente tabella relativa al numero n di m³ di acqua contenuti nel funzione del numero t di settimane a partire da oggi: seguente tabella relativa al numero n di m³ di acqua contenuti nel funzione del numero t di settimane a partire da oggi: seguente tabella relativa al numero n di m³ di acqua contenuti nel funzione del numero t di settimane n di m³ di acqua contenuti nel funzione del numero t di settimane. AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni SCOPO DELLA DOMANDA a. Completare una tabella a due colonne che esprime la dipendenza tra due variabili. b. Esprimere attraverso una formula la relazione tra due variabili. c. Risolvere un problema. PROCESSO PREVALENTE a. e b. Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra. c. Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Dati, loro organizzazione e rappresentazione. Raccogliere, organizzare e rappresentazione. Raccogliere, organizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati. Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazioni più idonee. DIMENSIONE a e b : Conoscere	AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni Risposta a. AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni SCOPO DELLA DOMANDA a. Completare una tabella a due colonne che esprime la dipendenza tra due variabili. b. Esprimere attraverso una formula la relazione tra due variabili. c. Risolvere un problema. PROCESSO PREVALENTE a. e b. Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra. c. Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Dati, loro organizzazione e rappresentazione. Raccogliere, organizzare e rappresentazione. Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati. Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazione in insieme di dati, scegliendo le rappresentazione del regis in anado dall'equa	AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni **SCOPO DELLA DOMANDA** a. Completare una tabella a due colonne che esprime la dipendenza tra due variabili. b. Esprimere attraverso una formula la relazione tra due variabili. c. Risolvere un problema. **PROCESSO PREVALENTE** a. e. b. Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra. c. Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico. **Indicazioni Nazionali e Linee Guida** Dati, loro organizzare e rappresentazione. Raccogliere, organizzare e rappresentazione. Raccogliere, organizzare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati. **Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazione settimane **DIMENSIONE** **AMBITO PREVALENTE** Relazioni e funzioni **Rabito pretivate: **a. **T (settimane** **T (settimane** **D. T (settimane** **D. T (settimane** **D. T (settimane** **D. T (settimane**) **D. **D. **D. **D. **D. **D. **D. **D	AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni SCOPO DELLA DOMANDA a. Completare una tabella a due colonne che esprime la dipendenza tra due variabili. b. Esprimere attraverso una formula la rela- zione tra due variabili. c. Risolvere un problema. PROCESSO PREVALENTE a. e. b. Conoscere diverse forme di rappre- sentazione e passare da una all'altra. c. Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, alge- brico. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Dati, loro organizzazione e rappresentare un insieme di dati. Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati. Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresen- tazione più idonee. AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni SCOPO DELLA DOMANDA a. Completare una tabella a due colonne che esprime la dipendenza tra due variabili. b. Esprimere attraverso una formula la rela- zione tra due variabili. c. Risolvere problema 1			

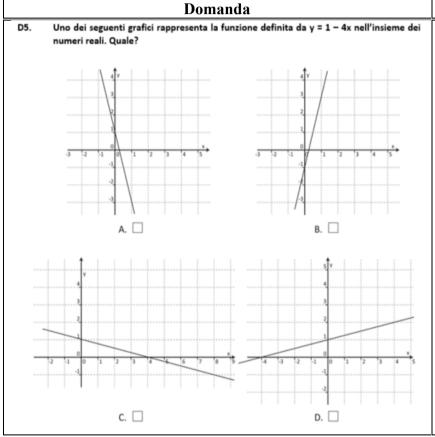


Domanda			Caratte	ristiche		Descrizione e commento									
	RI	SULTATI	DEL CA	MPIONE	,	RISULTATI DEL CAMPIONE									
		Item	M.Risp	Errata	Corretta		-	Item	M.Risp	A	В	C	D		
	G	D4a	11,4%	32,8%	55,8%		G	D4c	8,5%	21,1%	56,4%	9,1%	4,9%		
	G	D4b	39,8%	43,8%	16,4%		L	D4c	6,8%	17,5%	63,0%	8,4%	4,4%		
	T	D4a	8,5%	26,9%	64,6%		T	D4c	7,4%	20,7%	58,2%	8,9%	4,8%		
	T	+			,		P	D4c	13,8%	29,2%	39,8%	11,0%	6,3%		
	L	D4b	32,7%	43,4%	23,9%										
	T	D4a	9,6%	31,7%	58,7%										
	T	D4b	39,2%	46,8%	14,0%										
	P	D4a	20,4%	46,9%	32,7%										
	P	D4b	55,7%	40,0%	4,4%										



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Caratteristiche



AMBITO PREVALENTE

Relazioni e funzioni

SCOPO DELLA DOMANDA

Associare a una formula che esprime una funzione lineare il suo possibile grafico.

PROCESSO PREVALENTE

Conoscere diverse forme di rappresenta-zione e passare da una all'altra.

Indicazioni Nazionali e Linee Guida

Le funzioni e la loro rappresentazione (numerica, funzionale, grafica).

Funzioni di vario tipo (lineari, quadratiche, circolari, di proporzionalità diretta e inversa). Rappresentare sul piano cartesiano le principali funzioni incontrate.

Studiare le funzioni f(x) = ax + b e $f(x) = ax^2 + bx + c$.

Le funzioni del tipo f(x) = ax + b, f(x) = |x|, f(x) = a/x, $f(x) = x^2$ sia in termini strettamente matematici sia in funzione della descrizione e soluzione di problemi applicativi.

DIMENSIONE Conoscere

Risposta corretta: A

L'osservazione che la pendenza della funzione è negativa porta immediatamente scartare i grafici B e D.

Descrizione e commento

La scelta tra i grafici A e C non può essere effettuata ricorrendo al concetto di intercetta all'origine: per scegliere correttamente gli studenti devono valutare la pendenza sul grafico oppure lo zero, oppure utilizzare un altro punto diverso da (0,1).

Si tratta quindi di una domanda che richiede la conoscenza di diverse forme di rappresentazione (grafica e simbolica, innanzitutto, ma anche numerica, nel calcolo della pendenza o dell'appartenenza o meno di un punto al grafico di una funzione) e la competenza di passare dall'una all'altra.

RISULTATI DEL CAMPIONE

	Item	M.Risp	A	В	C	D
G	D5	2,5%	30,6%	9,0%	10,2%	47,7%
L	D5	2,2%	39,9%	8,7%	8,9%	40,3%
T	D5	2,4%	27,0%	9,1%	10,1%	51,3%
P	D5	3,4%	16,4%	9,6%	12,9%	57,7%



Domanda		Caratteristiche					D	escrizion	e e comr	nento	
D6. Da un mazzo di 52 carte da gioco (composto da 13 carte per ognuno dei semi: cuori, quadri, fiori, picche) sono stati tolti i 4 assi.		IBITO PR ti e Previsi		ITE		Risposta corretta:					
 a. Si estrae una carta a caso. Qual è la probabilità che sia di cuori? Risposta:	a. Grap b. I PR a. dur	a. Calcolare la probabilità di un evento come rapporto tra casi favorevoli e casi possibili b. Interpretare il significato di probabilità PROCESSO PREVALENTE a. Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure						semplice ra			
				8810110 1 0	oncomm spo						
	Sig Ser disg	nificato de nplici spaz giunti, pro	ella probab zi (discreti	oilità e suo) di proba	e valutazioni. abilità: eventi		SULTATI	DEL CA	MPIONE		
			robabilità.	con esei	mpi tratti da		Item	M.Risp	Errata	Corretta	
	con ni c	contesti classici e con l'introduzione di nozio- ni di statistica.					D6a D6b	9,1% 17,3%	29,3% 21,9%	61,6%	
	PROCESSO PREVALENTE a. Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure b. Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica Indicazioni nazionali e Linee Guida Significato della probabilità e sue valutazioni. Semplici spazi (discreti) di probabilità: eventi disgiunti, probabilità composta, eventi indipendenti. Nozione di probabilità, con esempi tratti da contesti classici e con l'introduzione di nozioni di statistica. DIMENSIONE RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp Errata Corretta G D6a 12,3% 33,5% 54,2% Mediante un semplice rapporto fra casi possibili. RISULTATI DEL CAMPIONE T D6a 9,1% 29,3% L D6b 17,3% 21,9% T D6a 10,8% 32,7% T D6b 19,0% 26,1% P D6a 21,1% 43,7%						56,5%				
	Significato della probabilità e sue valutazioni. Semplici spazi (discreti) di probabilità: eventi disgiunti, probabilità composta, eventi indipendenti. Nozione di probabilità, con esempi tratti da contesti classici e con l'introduzione di nozioni di statistica. DIMENSIONE Risolvere problemi RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp Errata Corretta G D6a 12,3% 33,5% 54,2% P D6a 2						19,0%	26,1%	54,9%		
	G	D6a			54,2%	P	D6a	21,1%	43,7%	35,2%	
	G	D6b	20,5%	25,2%	54,3%	P	D6b	29,7%	30,9%	39,4%	



	Domanda			Caratte	ristiche		Descrizione e commento
D7.	Arturo vuole misurare l'altezza di un obelisco che si trova al centro della piazza principale della sua città. A una certa ora di un giorno di sole, l'obelisco proietta un'ombra di circa 6,4 metri, e un palo alto 2,5 metri, che si trova nella stessa piazza, proietta un'ombra di circa 0,8 metri.	Spa SC	IBITO PF azio e figui OPO DEI	re LLA DOM	IANDA		Risposta corretta: 20 Gli studenti possono rispondere utilizzando una proporzione o, in termini equivalenti, il rapporto di
	Qual è l'altezza dell'obelisco? (Supponi che la piazza sia orizzontale e che l'obelisco e il palo siano verticali)		conoscere o carne le pro		o di simil	itudine e ap-	similitudine fra i due triangoli.
	Risposta: circa m	Ris	biti divers	oblemi ut	ilizzando	strategie in netrico, alge-	
		Teo Sim	licazioni n orema di T nilitudini c na di Talet	alete e sue	consegue		
		DI	MENSION	NE C	onoscere		
		RIS	SULTATI				
		-	Item	M.Risp			
		G	D7	20,6%	39,1%	40,3%	
		L	D7	16,6%	33,3%	50,1%	
		T	D7	18,6%	39,4%	42,0%	
		P	D7	32,2%	50,8%	17,0%	



	Domanda	Caratteristiche		D	escrizion	e e comr	nento			
D8.	Il piano tariffario di un cellulare prevede un costo di 0,15 euro per lo "scatto alla	AMBITO PREVALENTE	Ris	sposta cor	retta:					
	risposta" più 0,12 euro per minuto o frazione di minuto di conversazione.	Numeri	a. 1,11 euro							
	Per esempio, se parlo 1 minuto e 1 secondo pago (0,15+0,24) euro, come se parlassi esattamente 2 minuti.	SCOPO DELLA DOMANDA		32 minuti						
	esattamente 2 minuti.	a. Utilizzare una regola espressa nel lin-					rimanendo s			
	a. Quanti euro si spendono per una telefonata che dura 7 minuti e 10 secondi?	guaggio naturale (piano tariffario) per calcola-					entazione n			
	Risultato: euro	re il costo di una telefonata.					rmula per l			
		b. Ricavare la durata di una telefonata a partire					telefonata i			
	b. Se nel cellulare mi è rimasto un credito di 4 euro e voglio fare una telefonata, quanti	dal piano tariffario e dal credito residuo.					ondo caso,			
	minuti al massimo posso farla durare? Risposta: minuti	PROCESSO PREVALENTE Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico. Indicazioni nazionali e <i>Linee Guida</i> Le operazioni con i numeri interi e razionali. Operare con i numeri interi e razionali e valu-	inverso: noto l'output devono calcol spondente input. RISULTATI DEL CAMPIONE					ut. Per imento		
		tare l'ordine di grandezza dei risultati.	G	D8a	6,3%	43,2%	50,6%			
		Calcolo (mentale, con carta e penna, median-	G	D8b	10,8%	52,3%	37,0%			
		te strumenti) con i numeri interi, con i numeri razionali sia nella scrittura come frazione che	L	D8a	4,4%	38,2%	57,3%			
		nella rappresentazione decimale.	L	D8b	8,2%	48,1%	43,8%			
		Le funzioni e la loro rappresentazione (nu-	T	D8a	4,9%	40,9%	54,2%			
		merica, funzionale, grafica). Funzioni lineari.	T	D8b	9,5%	51,1%	39,4%			
		DIMENSIONE Risolvere problemi	P	D8a	12,2%	57,2%	30,6%			
			P	D8b	18,2%	62,9%	18,9%			



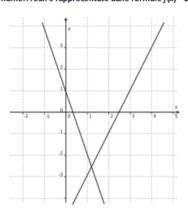
Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento								
D9. Nella seguente tabella, d rappresenta la distanza in metri fra l'abitazione e la scuola di ciascuno degli alunni di una classe.	AMBITO PREVALENTE Numeri	Risposta corretta: a. 10								
Distanza in metri dalla scuola Numero di alunni 2 8 5 7 3 a. Quanti sono gli alunni che abitano a meno di 1 km dalla scuola? Risposta:	a. Leggere i valori di una distribuzione di frequenza in cui le classi sono intervalli. b. Determinare i valori percentuali di una distribuzione di frequenza in cui le classi sono intervalli. PROCESSO PREVALENTE Utilizzare strumenti, modelli e rappresentazioni nel trattamento quantitativo dell'informazione in ambito scientifico, tecnologico, economico e sociale.	b. D Per rispondere all'item a. è sufficiente saper leggere una distribuzione di frequenza rappresentata in una tabella e calcolare un valore della sua cumulata. Per rispondere all'item b. è sufficiente il calcolo di una percentuale o il passaggio alla distribuzione di frequenza percentuale e poi il calcolo di un valore della sua cumulata.								
C. 🗆 40%	Indicazioni Nazionali e Linee Guida	RISULTATI DEL CAMPIONE								
D. 🗆 60%	Distribuzioni delle frequenze a seconda del ti- po di carattere e principali rappresentazioni	Item M.Risp Errata Corretta								
	grafiche.	G D9a 5,7% 27,6% 66,7%								
	Distinguere tra caratteri qualitativi, quanti-	L D9a 4,0% 21,6% 74,4%								
	tativi discreti e quantitativi continui, operare con distribuzioni di frequenze e rappre-	T D9a 4,8% 25,4% 69,8%								
	sentarle.	P D9a 10,7% 43,5% 45,8%								
	DIMENSIONE Risolvere problemi	Item M.Risp A B C D G D9b 3,5% 13,0% 13,1% 12,0% 58,3%								
		L D9b 2,7% 10,3% 11,1% 9,8% 66,1%								
		T D9b 3,0% 11,5% 12,4% 11,5% 61,6%								
		P D9b 6,1% 21,1% 18,5% 17,5% 36,8%								



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Caratteristiche

Domanda D10. Su un piano cartesiano sono rappresentati i grafici delle funzioni f e g definite nell'insieme dei numeri reali e rappresentate dalle formule f(x) = 2x - 5 e g(x) = -3x + 1.



Aiutandoti anche con i grafici di f e di g, indica se ciascuna delle seguenti affermazioni è vera (V) o falsa (F).

	V	F
f(x) = g(x) se e solo se x = 1,2		
f(x) > 0 se e solo se x > 0		
f(x) = 0 se e solo se $x = 2,5$		
. g(x) > f(x) se e solo se x < 1,2		

AMBITO PREVALENTE

Relazioni e funzioni

SCOPO DELLA DOMANDA

a. b. c. d. Utilizzare diverse rappresentazioni (grafici e formule) per determinare zeri, segni e confronti di funzioni lineari.

PROCESSO PREVALENTE

Conoscere diverse forme di rappresenta-zione e passare da una all'altra.

Indicazioni Nazionali e Linee Guida

Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano.

Il metodo delle coordinate cartesiane,... rappresentazione di punti e rette nel piano e di proprietà come il parallelismo e la perpendicolarità.

Le funzioni e la loro rappresentazione (numerica, funzionale, grafica). Funzioni lineari.

DIMENSIONE Conoscere

RISULTATI DEL CAMPIONE

RISULTATI DEL CAMILIONE									
	Item		VERO	FALSO					
G	D10a	6,8%	52,3%	40,9%					
G	D10b	6,6%	42,6%	50,8%					
G	D10c	6,7%	61,2%	32,1%					
G	D10d	7,0%	48,3%	44,7%					

Risposta corretta: V F V V

Per rispondere all'<u>item a</u>. gli studenti possono aiutarsi con la rappresentazione grafica: 1,2 è un valore plausibile dell'input che rende uguali f(x) e g(x). Per verificare che f(1,2) = g(1,2) è sufficiente calcolare f(1,2) e g(1,2) e verificare che sono uguali. Si tratta dell'unico valore perché le due funzioni sono lineari e hanno diversa pendenza.

Descrizione e commento

Per rispondere all'<u>item b</u>. è sufficiente osservare il grafico di f, oppure determinare un qualunque controesempio. Anche all'<u>item c</u>. è possibile rispondere aiutandosi con il grafico: 2,5 è un valore plausibile per il grafico di f. Sostituendo si trova che f(2,5) = 0. All'<u>item d</u>. si può rispondere osservando il grafico, dopo avere determinato che f(1,2) = g(1,2).

Era possibile rispondere a tutti gli item utilizzando unicamente il registro simbolico.

RISULTATI DEL CAMPIONE

	Item		VERO	FALSO
L	D10a	6,2%	56,8%	36,9%
L	D10b	6,2%	37,4%	56,4%
L	D10c	6,2%	66,9%	26,9%
L	D10d	6,7%	49,3%	44,0%
T	D10a	6,2%	51,8%	42,0%
T	D10b	6,0%	44,6%	49,4%
T	D10c	6,1%	60,6%	33,4%



Domanda

INVALSI Istituto nazionale per la valutazione del sistema educativo di istruzione e di formazione

Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Caratteristiche

		T	D10d	6,4%	6 46 ,	9%	16,8%			
		P	D10a	8,8%	6 43 ,	5%	17,7%			
		P	D10b	8,5%	6 50,	,4% 4	1,1%			
		P	D10c	8,7%	6 50 ,	3%	11,0%			
		P	D10d	8,8%	6 48 ,	3%	12,9%			
D11. Considera il numero π.	AMBITO PREVALENTE	Ris	posta corr	etta:			<u> </u>			
a. π può essere definito come	Numeri	a. .								
A. Il rapporto tra l'area di un cerchio e il suo raggio	SCOPO DELLA DOMANDA	b.								
B. Il rapporto tra la lunghezza di una circonferenza e il suo diametro	Capire se lo studente ha chiara la definizione del numero π come rapporto tra la lunghezza		ue item va inizione di		•		•			
C. Il rapporto tra l'area di un cerchio e il suo diametro	di una circonferenza e il suo diametro.	una	circonfere	enza e	il suo c	liametro	; il seco	ndo ri-		
D. 🔲 il rapporto tra la lunghezza di una circonferenza e il suo raggio	PROCESSO PREVALENTE Conoscere e padroneggiare i contenuti spe- guarda la rappresentazione decir irrazionale.							nale di un numero		
b. πè un numero irrazionale. Questo significa che	cifici della matematica.	RISULTATI DEL CAMPIONE								
A.	Indicazioni Nazionali e <i>Linee Guida</i>		Item M.F		A	В	C	D		
B. À un numero decimale limitato	I numeri: naturali, interi, razionali, sotto forma			_	27,8%	30,6%	11,7%	26,1%		
C.	frazionaria e decimale, irrazionali e, in forma	G	<u> </u>	,9%	14,7%	14,9%	17,4%	50,1%		
D.	intuitiva, reali. Conoscenza intuitiva dei numeri reali, con	_	Item M.I		A 24.20/	B	C	D		
b. 🗀 e un numero decimale illimitato non periodico	particolare riferimento alla loro rappresen-	L		_	24,3%	39,0%	9,6%	23,7%		
	tazione geometrica su una retta.	T			11,4%	11,2%	15,4%	59,7%		
	Nozioni fondamentali di geometria del piano e				30,1%	27,4%	12,9%	26,2%		
	dello spazio.	T	2110 2		14,6%	15,7%	18,9%	48,5%		
	Conoscenza dei fondamenti della geometria	P	2114 0		31,7%	18,0%	14,2%	30,8%		
	euclidea del piano. Elementi della geometria	P	D11b 4	,9%	21,8%	21,4%	19,4%	32,4%		
	euclidea del piano e dello spazio. DIMENSIONE Argomentare									

Descrizione e commento



	Domanda				Caratteristiche	Caratteristiche Descrizione e			e e comr	nento						
D12.	(0.00) I			AMBITO PREVALENTE Dati e Previsioni	a.	sposta cori 11°C										
	a. Qual è l'ertemperatura Risposta: b. Qual è la terRisposta: 7	minima	, nel gior	no consid	lerato?				22 -6	a. Leggere i dati in una tabella per individuare la differenza tra il massimo e il minimo. b. Calcolare la media aritmetica dei dati di una tabella. PROCESSO PREVALENTE a. Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica. b. Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Valori medi e misure di variabilità. Calcolare i valori medi e alcune misure di variabilità di una distribuzione. Definizioni e proprietà dei valori medi e delle misure di variabilità, nonché uso strumenti di calcolo (calcolatrice, foglio di calcolo) per analizzare raccolte di dati e serie statistiche DIMENSIONE Risolvere problemi	Il j bel è r tra Il ari	la e di com nolto semp un numero secondo it tmetica di u SULTATI Item D12a D12b Item D12a D12b D12a D12b D12a D12b	valuta la aprendere lice, ancho positivo de em richie an insieme	un testo: it e se compe uno nega de il calce di otto da MPIONE Errata 59,4%	colo della 1 iti.	chiesto azione



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D13. Un palo verticale è piantato in uno stagno. Un quinto del palo è interrato nel fondale, un sesto è immerso in acqua e la parte del palo che esce dall'acqua è lunga 8,9 metri.	AMBITO PREVALENTE Relazioni e funzioni	Risposta corretta: a. D
 a. Quale delle seguenti equazioni consente di determinare la lunghezza totale x del palo? A.	scopo della della simbolico e individuare l'equazione che consente di calcolare la lunghezza richiesta. b. Risolvere un'equazione di primo grado con coefficienti razionali. PROCESSO PREVALENTE a. Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra	b. Lo studente risolve correttamente l'equazione $\frac{1}{5}x + \frac{1}{6}x + 8,9 = x$ Si accetta un qualunque risultato compreso tra 14 e 14,8, estremi inclusi espresso in qualunque forma, anche lasciando il calcolo incompiuto (x = 8,9 · 30/19)
 Qual è la lunghezza totale x del palo? Scrivi i calcoli che fai per trovare la risposta e poi riporta il risultato. 	b. Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure.	equazioni date, quella che rappresenta il problema posto. Nell'item b. si chiede invece di determinare
Risultato: m	Indicazioni Nazionali e Linee Guida Equazioni e disequazioni di primo e secondo grado. Sistemi di equazioni e di disequazioni. Risolvere equazioni e disequazioni di primo e secondo grado; risolvere sistemi di equazioni e disequazioni. Soluzioni delle equazioni di primo grado in	la lunghezza totale del palo, cioè la soluzione dell'equazione. Potrebbe sembrare che i due item siano fortemente dipendenti l'uno dall'altro, ma non è così, perché per rispondere al secondo item possono essere utilizzate diverse strategie che non necessariamente portano a formalizzare il problema con l'equazione D.
	una incognita, delle disequazioni associate e dei sistemi di equazioni lineari in due incognite, e tecniche necessarie alla loro risoluzione grafica e algebrica. Descrivere un problema con un'equazione, una disequazione o un sistema di equazioni o disequazioni.	RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp A B C D G D13a 7,1% 25,0% 10,4% 8,0% 49,4% L D13a 5,2% 19,6% 7,6% 5,9% 61,7% T D13a 7,2% 27,9% 10,7% 7,9% 46,4% P D13a 11,3% 31,8% 16,0% 12,8% 28,1%



Domanda	Car		D	escrizion	ie e comr	nento		
	DIMENSIONE	b - Conoscere		Item	M.Risp	Errata	Corretta	
			G	D13b	34,9%	39,0%	26,1%	
			L	D13b	24,8%	36,6%	38,7%	
			T	D13b	35,9%	42,5%	21,6%	
			P	D13b	54,9%	38,7%	6,4%	



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Caratteristiche

D14. Un sondaggio condotto su un gruppo di 51 studenti sul numero di televisori presenti in casa ha dato i seguenti risultati

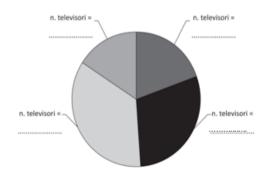
Domanda

Numero di televisori in casa	Numero di studenti
1	10
2	15
3	18
4	8
Totale	51

Quale percentuale di studenti ha in casa meno di 3 televisori?

Dalla tabella iniziale è stato ricavato il seguente grafico "a settori circolari". Associa a ciascun settore il numero di televisori presenti in casa.

Distribuzione degli studenti per numero di televisori presenti in casa



AMBITO PREVALENTE

Dati e Previsioni

SCOPO DELLA DOMANDA

- a. Calcolare una percentuale
- **b.** Mettere in corrispondenza dati organizzati in tabella con un grafico a settori circolari

PROCESSO PREVALENTE

- a. Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure
- b. Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra

Indicazioni Nazionali e Linee Guida

Distribuzioni delle frequenze a seconda del tipo di carattere e principali rappresentazioni grafiche.

Distinguere tra caratteri qualitativi, quantitativi discreti e quantitativi continui, operare con distribuzioni di frequenze e rappresentarle.

Dati, loro organizzazione e rappresentazione.

Raccogliere, organizzare e rappresentare un insieme di dati.

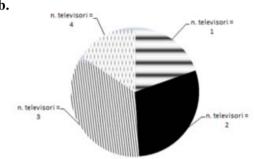
Rappresentare e analizzare in diversi modi (anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazioni più idonee

DIMENSIONE Risolvere problemi

Descrizione e commento Risposta corretta:

a. 49%

b.



Il primo item richiede la lettura di una distribuzione di frequenze rappresentata in una tabella e il calcolo di una percentuale o il passaggio alla distribuzione di frequenze percentuali e il successivo calcolo di un valore della sua cumulata.

Il secondo item sonda invece la competenza di passare da un registro di rappresentazione numerico (la tabella e i suoi valori) a un registro di rappresentazione grafica (il grafi-co a settori circolari).



Domanda	Caratteristiche					Descrizione e commento					
	RISULTATI DEL CAMPIONE					RISULTATI DEL CAMPIONE					
		Item	M.Risp	Errata	Corretta		Item	M.Risp	Errata	Corretta	
	G	D14a	6,9%	44,8%	48,3%	(D14b	3,4%	35,1%	61,5%	
	L	D14a	4,9%	37,4%	57,7%	I	D14b	1,8%	28,3%	69,9%	
	T	D14a	6,1%	43,1%	50,8%]	D14b	2,9%	35,5%	61,7%	
	P	D14a	12,2%	63,1%	24,7%	I	D14b	7,6%	48,8%	43,6%	
D15. Nel piano cartesiano Oxy la retta di equazione $y=3x-5$ e la retta di equazione		ABITO PE		NTE		R	isposta cor	retta: D			
$y = \frac{k}{2}x - 1$ sono tra loro parallele; il valore di k è	Sp	azio e figu	re			Per rispondere gli studenti devono sapere che le					
A.	SCOPO DELLA DOMANDA					due rette che rappresentano due funzioni lineari di					
💆 🧓	Co	noscere la c	condizione	di parallel	ismo tra rette.	uguale pendenza sono parallele. A questo punto					
В. □ −6		ROCESSO				devono risolvere l'equazione $k/2 = 3$, ottenendo k					
с. 🗆 з				iare i con	tenuti specifi-						
D. 🗆 6	C1 (della mater	natica.			RISULTATI DEL CAMPIONE					
		dicazioni N						M.Risp	1	B C	D
					no cartesiano.	I	G D15	6,4%		,5% 20,3% 4	
					esiane, rap-		L D15	5,9%	13,3% 11	,7% 17,3% 5	51,8%
	•		-		el piano e di		Γ D15	17,9%	15,3% 22	,2% 38,4% 1	7,9%
	-	•	ne il para	llelismo e	la perpendi-		P D15	23,8%	19,1% 23	,8% 25,8% 2	3,8%
	colarità.						l l				
	DIMENSIONE Conoscere										



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D16. Il rapporto tra gli spigoli di due cubi è 5. Qual è il rapporto tra i loro volumi? A. 5 B. 15 C. 25	AMBITO PREVALENTE Spazio e figure SCOPO DELLA DOMANDA Calcolare il rapporto tra i volumi di due figure simili conoscendo il rapporto di similitudine.	Risposta corretta: D La domanda consente di valutare una conoscenza particolarmente importante: qual è il rapporto tra i volumi di due figure simili e di cui è noto il rapporto di similitudine.
D. 125	PROCESSO PREVALENTE Riconoscere in contesti diversi il carattere misurabile di oggetti e fenomeni, utilizzare strumenti di misura, misurare grandezze, stimare misure di grandezze. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Nozioni fondamentali di geometria del piano e dello spazio. Conoscenza dei fondamenti della geometria euclidea del piano. Elementi della geometria euclidea del piano e dello spazio. DIMENSIONE Conoscere	RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp A B C D



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
 D17. Una lavanderia a gettoni lavora con orario continuato dalle 9 alle 18. Ogni lavatrice effettua cicli di lavaggio della durata di 33 minuti, ai quali si devono aggiungere 10 minuti per l'operazione di carico e 5 per lo svuotamento. Quanti lavaggi completi, comprensivi di carico e svuotamento, può effettuare al massimo una lavatrice nell'arco della giornata? Risultato:	AMBITO PREVALENTE Numeri SCOPO DELLA DOMANDA Risolvere un problema e interpretare il risultato rispetto alla situazione reale PROCESSO PREVALENTE Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi – numerico, geometrico, algebrico. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Le operazioni con i numeri interi e razionali. Operare con i numeri interi e razionali e valutare l'ordine di grandezza dei risultati. Calcolo (mentale, con carta e penna, mediante strumenti) con i numeri interi, con i numeri razionali sia nella scrittura come frazione che nella rappresentazione decimale. DIMENSIONE Risolvere problemi	Risposta corretta: 11 Si tratta di un semplice problema in cui deve essere effettuato un controllo di plausibilità e coerenza del risultato ottenuto con la situazione reale. Non sono infatti state accettate risposte come 11,25 o "circa 11". RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp Errata Corretta G D17 7,2% 40,5% 52,3% L D17 4,5% 35,0% 60,5% T D17 5,9% 38,9% 55,2% P D17 14,9% 54,4% 30,7%



Domanda			Caratte	ristiche			J	Descrizio	ie e con	mento)	
D18. Nel foglietto illustrativo contenuto nella confezione di un farmaco, alla voce "Effetti collaterali" si legge che:		BITO PR e Previsi	REVALEN oni	NTE			osta coi 3% b					
 il 2% dei pazienti trattati con il farmaco ha accusato vertigini; 	SCOI	PO DEL	LA DOM	IANDA		Nel	primo it	em si tratt	a di calc	olare la	a prob	abilità
 il 7% dei pazienti trattati con il farmaco ha avuto bruciori di stomaco. 	a. Ca	alcolare	la probab	oilità dell	'evento con-			ontrario.			•	
I due tipi di effetti collaterali sono indipendenti l'uno dall'altro.	trario. b. Ca		la probal	oilità dell	'evento con-			item bisog dipendent		_		
a. Qual è la probabilità che un paziente che ha assunto il farmaco <u>non</u> abbia bruciori di	giunto	0.						può essere				
stomaco? Esprimi il risultato in forma percentuale.	PRO	CESSO	PREVAL	ENTE			•	centuali: 2				•
Risposta: %	Conos	scere e u	ıtilizzare a	lgoritmi e	procedure.			100 · 7/100). Si ottie	ene quii	ndi 0,0	014 =
b Qual è la probabilità che un paziente che ha assunto il farmaco manifesti entrambi gli effetti collaterali?			l azionali e ella probab		<i>uida</i> e valutazioni.	0,14	%0.					
A. 🗆 9%					ibilità: eventi							
B. 🗆 0,14%	disgiu pende		babilità c	omposta,	eventi indi-							
C. 🗆 14%			robabilità,	con esei	mpi tratti da							
D. 🗆 0,9%		sti classi statistica		'introduzi	one di nozio-							
	DIMI	ENSION	NE Ri	isolvere pi	roblemi							
	RISU	JLTATI	DEL CA	•								
	Item M.Risp Errata Corretta			RIS	ULTAT	I DEL CA	MPION	E				
	G	D18a	12,0%	29,6%	58,4%			M.Risp	A	В	C	D
	L	D18a	9,4%	22,7%	67,9%	G	D18b	5,9%	43,7%			
	T	D18a	10,8%	29,5%	59,7%	L	D18b	5,5%	41,0%			
	1 -	D18a	19,4%	44,2%	36,5%	T	D18b	5,4%	44,8%			
		DIGa	19,70	¬¬,∠ /0	30,3 /0	P	D18b	7,4%	47,9%	14,2%	9,4%	21,0%



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Domanda Caratteristiche Descrizione e commento AMBITO PREVALENTE Risposta corretta: 9 cm² D19. Qual è l'area del quadrilatero ABCD rappresentato in figura? Spazio e figure Spesso nei test INVALSI compaiono domande di questo tipo, in cui il calcolo delle aree può essere SCOPO DELLA DOMANDA effettuato per composizione o scomposizione di fi-Sapere calcolare l'area di un poligono "non gure. Qui è più semplice calcolare l'area del quadristandard" nel piano cartesiano utilizzando l'elatero ABCD come somma delle aree dei triangoli quiscomponibilità. ABD e BDC, quindi come PROCESSO PREVALENTE $0.5(3.4) + 0.5(3.2) = 6 + 3 = 9 \text{ m}^2$. Spesso gli stu-1 cm Riconoscere in contesti diversi il carattere midenti si trovano in difficoltà di fronte a quesiti simisurabile di oggetti e fenomeni, utilizzare struli, che dovrebbero essere abituati ad affrontare già menti di misura, misurare grandezze, stimare dalla scuola secondaria di primo grado. misure di grandezze. RISULTATI DEL CAMPIONE Indicazioni Nazionali e Linee Guida Errata Corretta Item M.Risp Nozioni fondamentali di geometria del piano e G D19 23,0% 46,4% 30,6% dello spazio. Risposta: cm² D19 17,4% 42,0% 40,5% Conoscenza dei fondamenti della geometria T euclidea del piano. Elementi della geometria D19 23,1% 48,3% 28,5% euclidea del piano e dello spazio. P 34,5% D19 52,7% 12,8% **DIMENSIONE** Conoscere



	Domanda	Caratteristiche		D	escrizion	e e comn	nento				
D20.	Lorenza afferma: "La disequazione $\frac{1}{x} < x$ è soddisfatta per ogni numero reale x".	AMBITO PREVALENTE Numeri		sposta cor orenza non		one, perch	né i m	umeri			
	2 Lorenza ha ragione? Scegli la risposta corretta e completa la frase Lorenza ha ragione perché	SCOPO DELLA DOMANDA Trovare un controesempio a un'affermazione algebrica. reali comprendono anche i nur O qualsiasi controesempio cor O un qualunque calcolo che i quazione data è equivalente a si									
		PROCESSO PREVALENTE Acquisire progressivamente forme tipiche del pensiero matematico. Indicazioni Nazionali e <i>Linee Guida</i>	In questo caso la risposta più sarebbe l'esibizione di un esempio, se $x = -1$, la disuguag				a risposta più economica e chiara ione di un contro-esempio. Per I, la disuguaglianza è falsa. Poiché riguarda una totalità di oggetti (è				
	Lorenza non ha ragione perché	Equazioni e disequazioni di primo e secondo grado. Sistemi di equazioni e di disequazioni. Risolvere equazioni e disequazioni di primo e secondo grado; risolvere sistemi di equazioni strino che la disuguag				salmente) è sufficiente far vede- to su un solo esempio per dchia- ettano anche risposte che dimo- naglianza non è verificata per al- vo, però sarebbe bene discutere					
		e disequazioni. Soluzioni delle equazioni di primo grado in una incognita, delle disequazioni associate e dei sistemi di equazioni lineari in due incognite, e tecniche necessarie alla loro risoluzione grafica e algebrica.		primo grado in una incognita, delle disequa zioni associate e dei sistemi di equazioni li neari in due incognite, e tecniche necessario		n gli studer come sia iara di quel ache queste re gli stude	nti che har molto	nno scelto eno elega i esibisce ni contribu zionalità n	tale giustifi nte, econon un controese uiscono ad a natematica, o	cazio- nica e empio. vvici-	
		DIMENSIONE Argomentare		rodotta gra SULTATI							
				Item	M.Risp	Errata	Corretta				
			G	D20	31,4%	50,6%	18,1%				
			L	D20	22,0%	50,8%	27,2%				
			T	D20	32,0%	54,1%	13,9%				
			P	D20	50,3%	44,6%	5,1%				



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D21. L'espressione $a^{43} + a^{44}$ è uguale a	AMBITO PREVALENTE	Risposta corretta: B
A. \Box a^{44-45} B. \Box $a^{45} \cdot (a+1)$ C. \Box a^{87} D. \Box $2a^{87}$	Numeri SCOPO DELLA DOMANDA Utilizzare le proprietà delle potenze e la proprietà distributiva per manipolare un'espressione algebrica. PROCESSO PREVALENTE Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica.	Si può rispondere lavorando solo sul piano sintattico, applicando la proprietà distributiva e le proprietà delle potenze, o si può lavorare sul piano semantico, osservando che l'ordine di grandezza di $a^{43} + a^{44}$ non può essere rappresentato da nessuna delle risposte A, C o D. Può essere interessante discutere in classe dei punti di forza e di debolezza delle due strategie per ottenere la risposta corretta.
	Indicazioni Nazionali e Linee Guida Le espressioni letterali e i polinomi. Padroneggiare l'uso della lettera come mero simbolo e come variabile. Elementi di base del calcolo letterale. Calcoli con le espressioni letterali sia per rappresentare un problema (mediante un'equazione, disequazioni o sistemi) e risolverlo, sia per dimostrare risultati generali, in particolare in aritmetica. DIMENSIONE Conoscere	RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp A B C D



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D22. Un'urna contiene 40 palline identiche tranne che per il colore: 23 sono rosse e 17 blu. Si estraggono contemporaneamente due palline dall'urna. Entrambe sono blu. Senza reintrodurre le due palline estratte, si estrae dall'urna una terza pallina. Qual è la probabilità che anche la terza pallina sia blu? Risposta:	AMBITO PREVALENTE Dati e Previsioni SCOPO DELLA DOMANDA Calcolare la probabilità di un evento riconoscendo nel contesto gli eventi favorevoli e quelli possibili	Risposta corretta: 15/38 Si tratta di un semplice calcolo di probabilità come rapporto tra casi favorevoli e casi possibili, osservando che gli eventi sono dipendenti.
	PROCESSO PREVALENTE Utilizzare strumenti, modelli e rappresentazioni nel trattamento quantitativo dell'informazione in ambito scientifico, tecnologico, economico e sociale. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Significato della probabilità e sue valutazioni. Semplici spazi (discreti) di probabilità: eventi disgiunti, probabilità composta, eventi indipendenti. Nozione di probabilità, con esempi tratti da contesti classici e con l'introduzione di nozioni di statistica. DIMENSIONE Risolvere problemi	RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp Errata Corretta G D22 16,7% 45,7% 37,7% L D22 12,8% 40,2% 47,0% T D22 14,9% 47,7% 37,4% P D22 27,5% 54,1% 18,4%



Domanda		Caratteristiche	Descrizione e commento					
D23.	Lo stesso test di matematica è stato proposto a due diversi gruppi di studenti. Il primo gruppo, composto da 20 studenti, ha ottenuto un punteggio medio di 85 e il secondo, composto da 80 studenti, ha ottenuto un punteggio medio di 65.	SCOPO DELLA DOMANDA Risultato: 69						
	Qual è il punteggio medio ottenuto dai 100 studenti dei due gruppi? Scrivi i calcoli che fai per trovare la risposta e poi riporta il risultato.	Calcolare una media pesata. PROCESSO PREVALENTE Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure.	È importante che gli studenti si accorgano che vie- ne richiesta loro una media pesata. Una volta che sia stato compreso questo fatto il calcolo della me-					
		Indicazioni nazionali e Linee Guida Valori medi e misure di variabilità. Calcolare i	dia aritmetica è molto semplice. RISULTATI DEL CAMPIONE					
		valori medi e alcune misure di variabilità di una distribuzione.	Item M.Risp Errata Corretta G D23 28,6% 57,8% 13,6%					
	Risultato:	Definizioni e proprietà dei valori medi e delle misure di variabilità, nonché uso strumenti di	L D23 21,5% 59,5% 18,9% T D23 27,0% 60,4% 12,6%					
		calcolo (calcolatrice, foglio di calcolo) per analizzare raccolte di dati e serie statistiche. DIMENSIONE Risolvere problemi	P D23 27,076 60,476 12,076 P D23 46,0% 50,3% 3,7%					
D24.	Una bibita è venduta in lattine di forma cilindrica con il diametro di base di 6 cm e	AMBITO PREVALENTE Spazio e figure	Risposta corretta: B					
	l'altezza di 9 cm. Qual è la capacità della lattina?	SCOPO DELLA DOMANDA Stimare il volume di un cilindro.	La domanda valuta capacità di stima di confronto					
	A. \Box esattamente $\frac{1}{4}$ di litro	PROCESSO PREVALENTE Riconoscere in contesti diversi il carattere mi-	di grandezze. Gli studenti devono sapere che la ca- pacità è una misura di volume e come si passa dai cm ³ ai litri o viceversa.					
	5 D 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1							
	B. poco più di \(\frac{1}{4}\) di litro	surabile di oggetti e fenomeni, utilizzare strumenti di misura, misurare grandezze,	RISULTATI DEL CAMPIONE					
	B. \Box poco più di $\frac{1}{4}$ di litro C. \Box poco più di $\frac{1}{2}$ di litro D. \Box esattamente $\frac{1}{2}$ di litro	menti di misura, misurare grandezze, Indicazioni Nazionali e <i>Linee Guida</i> Nozioni fondamentali di geometria del piano e	RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp A B C D					
	C. \Box poco più di $\frac{1}{2}$ di litro	menti di misura, misurare grandezze, Indicazioni Nazionali e Linee Guida	RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp A B C D					



Domanda		Caratteristiche	Descrizione e commento			
	Si lancia 300 volte un dado non truccato a 6 facce. Quante volte ci si aspetta di ottenere un numero maggiore di 4? A.	AMBITO REVALENTE Dati e Previsioni SCOPO DELLA DOMANDA Conoscere ed applicare la legge empirica del caso per la stima di una frequenza. PROCESSO PREVALENTE Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Significato della probabilità e sue valutazioni. Semplici spazi (discreti) di probabilità: eventi disgiunti, probabilità composta, eventi indipendenti. Nozione di probabilità, con esempi tratti da contesti classici e con l'introduzione di nozioni di statistica. DIMENSIONE Risolvere problemi	Risposta corretta: A La domanda consente di valutare quanto sia stata compresa la legge empirica del caso e quanto uno studente sia in grado di applicarla per effettuare stime in condizioni di incertezza. RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp A B C D G D25 2,5% 45,0% 25,6% 10,2% 16,7% L D25 2,5% 52,8% 20,8% 8,6% 15,3% T D25 2,0% 45,2% 26,9% 9,5% 16,4% P D25 3,2% 28,4% 33,6% 14,6% 20,2%			
D26.	Ruotando di un giro completo un trapezio rettangolo attorno al lato perpendicolare alle basi si ottiene: A.	AMBITO PREVALENTE Spazio e figure SCOPO DELLA DOMANDA Riconoscere il solido ottenuto da una rotazione di una figura piana. PROCESSO PREVALENTE Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione.	Risposta corretta: D Si tratta di una domanda che richiede competenze di visualizzazione nello spazio.			

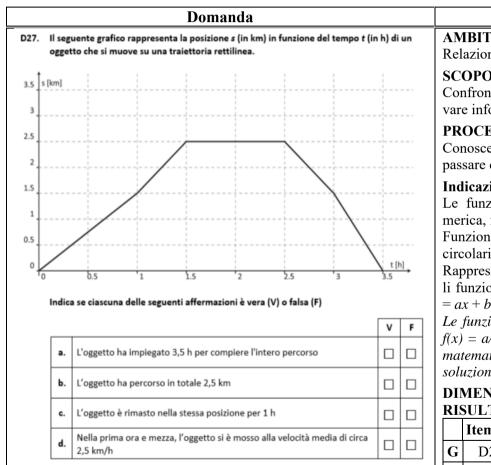


Domanda	Caratteristiche		Descrizione e commento					
	Indicazioni Nazionali e <i>Linee Guida</i>		RISULTATI DEL CAMPIONE					
	Nozioni fondamentali di geometria del piano e		Item	M.Risp	A	В	C	D
	dello spazio.	G	D26	3,9%	11,2%	19,9%	17,0%	48,0%
	Conoscenza dei fondamenti della geometria	L	D26	3,2%	8,0%	17,1%	14,7%	57,0%
	euclidea del piano. Elementi della geometria	T	D26	3,5%	11,0%	20,9%	17,6%	47,1%
	euclidea del piano e dello spazio.	P	D26	5,9%	18,5%	24,1%	21,2%	30,4%
	DIMENSIONE Conoscere							



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Caratteristiche



AMBITO PREVALENTE

Relazioni e funzioni

SCOPO DELLA DOMANDA

Confrontare i registri verbale e grafico e ricavare informazioni da entrambi.

PROCESSO PREVALENTE

Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra.

Indicazioni Nazionali e Linee Guida

Le funzioni e la loro rappresentazione (numerica, funzionale, grafica).

Funzioni di vario tipo (lineari, quadratiche, circolari, di proporzionalità diretta e inversa). Rappresentare sul piano cartesiano le principali funzioni incontrate. Studiare le funzioni f(x) = ax + b e $f(x) = ax^2 + bx + c$.

Le funzioni del tipo f(x) = ax + b, f(x) = |x|, f(x) = a/x, $f(x) = x^2$ sia in termini strettamente matematici sia in funzione della descrizione e soluzione di problemi applicativi.

DIMENSIONE Risolvere problemi **RISULTATI DEL CAMPIONE**

	Item	M.Risp	VERO	FALSO
G	D27a	1,4%	88,6%	10,0%
G	D27b	1,9%	29,7%	68,4%
G	D27c	1,5%	72,3%	26,2%
G	D27d	1,9%	31,0%	67,1%

Risposta corretta: V F V F

Gli studenti, per rispondere, devono saper leggere e interpretare un grafico posizione-tempo di un oggetto che si muove su una traiettoria rettilinea.

Descrizione e commento

I primi due item richiedono solo la competenza di interpretare le informazioni scritte sui due assi, indipendentemente l'uno dall'altro. Il terzo e il quarto item richiedono invece una lettura coordinata delle due variazioni (posizioni e istanti di tempo), quindi una lettura "funzionale" del grafico. In particolare hanno a che fare con l'interpretazione della velocità, in un diagramma posizione-tempo formato da tratti rettilinei, come la pendenza dei vari segmenti che compongono il grafico.

RISULTATI DEL CAMPIONE

	Item	M.Risp	VERO	FALSO
L	D27a	1,4%	90,0%	8,6%
L	D27b	1,9%	23,6%	74,5%
L	D27c	1,4%	76,2%	22,4%
L	D27d	1,9%	24,7%	73,5%
T	D27a	0,9%	90,0%	9,1%
T	D27b	1,5%	29,6%	69,0%
T	D27c	1,1%	74,9%	24,0%
T	D27d	1,6%	29,4%	69,0%
P	D27a	2,2%	83,3%	14,5%



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento					
		P D27b 2,7% 42,9% 54,3%					
		P D27c 2,4% 60,2% 37,5%					
		P D27d 2,5% 46,9% 50,6%					
D28. Su un vasetto di yogurt alla vaniglia da 125 g, sono indicati gli ingredienti.	AMBITO PREVALENTE	Risposta corretta:					
In particolare, si legge:	Numeri	a. A					
"preparazione dolciaria alla vaniglia: 11%"	SCOPO DELLA DOMANDA	b. A					
a. Quanti grammi di preparazione dolciaria alla vaniglia sono presenti, all'incirca, nel	a. Calcolare una percentuale						
vasetto? A.	b. Applicare un ragionamento proporzionale per risolvere un problema.	L'item a. richiede il semplice calcolo di una per- centuale, mentre il b. è un semplice problema di					
B.	PROCESSO PREVALENTE	proporzionalità.					
c. 🗆 11,0	Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure.						
D. 🗆 11,4	Indicazioni Nazionali e <i>Linee Guida</i>						
b. Sulla confezione dello yogurt è riportata anche la seguente tabella dei valori medi	Rapporti e percentuali.						
nutrizionali: Per 100 g di yogurt alla vaniglia:	Proporzionalità diretta e inversa.						
	DIMENSIONE Risolvere problemi						
Proteine 2,8 g	RISULTATI DEL CAMPIONE						
Carboidrati 16,3 g	Item M.Ris A B C D						
Grassi 3,2 g	G D28a 2,5% 61,4% 8,8% 11,1% 16,1%						
Quanti grammi di carboidrati, all'incirca, sono presenti in un vasetto di yogurt alla	L D28a 2,4% 67,5% 7,4% 8,3% 14,5%						
vaniglia da 125 g?	T D28a 1,9% 66,2% 7,1% 9,6% 15,3%						
A. 🗆 20,4	P D28a 3,7% 41,2% 14,5% 19,5% 21,0%						
В. 🗆 13,0	G D28b 2,4% 75,7% 5,9% 9,0% 7,0%						
C. 🗆 16,3	L D28b 2,3% 82,0% 4,5% 6,2% 5,1%						
D. 🗆 7,7	T D28b 1,9% 77,2% 5,8% 8,5% 6,6%						
	P D28b 3,5% 60,3% 8,8% 15,7% 11,7%						



	Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D29.		Caratteristiche AMBITO PREVALENTE Spazio e figure SCOPO DELLA DOMANDA Riconoscere la verità di una proposizione quantificata nel contesto delle proprietà di simmetria dei triangoli. PROCESSO PREVALENTE	Risposta corretta: D Si tratta di proposizioni che richiedono la conoscenza delle proprietà delle figure geometriche interessate: triangoli e, in particolare, triangoli equilateri. La domanda è resa più difficile dalla presenza, in ogni proposizione, di quantificatori. La conoscenza delle proprietà delle figure geometriche
		Acquisire progressivamente forme tipiche del pensiero matematico. Indicazioni nazionali e Linee Guida Le principali trasformazioni geometriche e loro invarianti (isometrie e similitudini). Esempi di utilizzazione [delle trasformazioni geometriche e degli invarianti] nella dimostrazione di proprietà geometriche. Le principali trasformazioni geometriche (traslazioni, rotazioni, simmetrie, similitudini con particolare riguardo al teorema di Talete) e le principali proprietà invarianti. DIMENSIONE Argomentare	coinvolte non è quindi sufficiente a rispondere. È necessario possedere una discreta capacità di gestire correttamente, sul piano linguistico e logico, i quantificatori. RISULTATI DEL CAMPIONE Item M.Risp A B C D G D29 4,3% 13,5% 40,0% 23,2% 19,0% L D29 4,1% 11,2% 42,5% 19,8% 22,4% T D29 3,9% 14,2% 40,5% 23,9% 17,5% P D29 5,3% 17,4% 33,7% 29,4% 14,1%



	Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento
D30.	Andrea, Beatrice, Carlotta e Dario vogliono effettuare un'indagine statistica sui gusti musicali degli studenti delle scuole superiori della loro città.	AMBITO PREVALENTE Dati e Previsioni	Risposta corretta: C La domanda ha a che fare con le conoscenze relati-
	 Andrea propone di intervistare tutti i 245 alunni delle classi quinte di due scuole superiori della città; Beatrice propone di intervistare un numeroso gruppo, scelto a caso, di ragazzi all'uscita da una discoteca della città; Carlotta propone di intervistare 200 studenti, scelti a caso tra tutti gli studenti delle scuole superiori della città; Dario propone di pubblicare le domande dell'intervista sul giornalino della sua scuola e di raccogliere le risposte pervenute. In assenza di altre informazioni, il campione più rappresentativo per l'indagine è quello 	SCOPO DELLA DOMANDA Riconoscere una corretta procedura di campionamento casuale. PROCESSO PREVALENTE Acquisire progressivamente forme tipiche del pensiero matematico.	ve alle caratteristiche che deve avere un buon campione casuale, per consentire previsioni corrette sul comportamento dell'intera popolazione. Le scelte diverse da quella di Carlotta non garantiscono, sulla base delle sole informa-zioni fornite, l'omogeneità del campione rispetto alla popolazione e sono quindi da rifiutare.
	proposto da	Indicazioni Nazionali e <i>Linee Guida</i>	
	A. Andrea	Dati, loro organizzazione e rappresentazione.	RISULTATI DEL CAMPIONE
	B. Beatrice	Raccogliere, organizzare e rappresentare un insieme di dati.	Item M.Risp A B C D
	C. Carlotta	Rappresentare e analizzare in diversi modi	
	D. Dario	(anche utilizzando strumenti informatici) un insieme di dati, scegliendo le rappresentazioni più idonee.	L D30 1,8% 13,9% 5,4% 57,1% 21,8% T D30 1,5% 17,7% 7,7% 44,8% 28,3% P D30 2,8% 20,4% 11,0% 30,8% 35,0%
		DIMENSIONE Argomentare	



Domanda	Caratteristiche	Descrizione e commento						
D31. Osserva la seguente figura <u>piana</u> : ABCD è un quadrato e ABE è un triangolo equilatero.	AMBITO PREVALENTE	Risposta corretta: AD, DC, CB, AE, EB						
Quali segmenti hanno la stessa lunghezza del segmento AB? Risposta:	Spazio e figure	Rispondere correttamente richiede alcune deduzio-						
	SCOPO DELLA DOMANDA	ni 1	ni locali sulla congruenza dei segmenti interessati. RISULTATI DEL CAMPIONE					
	Conoscere le proprietà del triangolo e del qua-	RI						
	drato.		Item	M.Risp	Errata	Corretta		
	PROCESSO PREVALENTE	G	D31	7,0%	34,5%	58,6%		
	Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica. Indicazioni Nazionali e Linee Guida Nozioni fondamentali di geometria del piano e dello spazio. Conoscenza dei fondamenti della geometria euclidea del piano. Elementi della geometria euclidea del piano e dello spazio.	L	D31	4,8%	24,9%	70,4%		
		T	D31	5,9%	37,1%	57,0%		
		P	D31	13,2%	50,7%	36,2%		
			l			, ,		
	DIMENSIONE Conoscere							



Ente di Diritto Pubblico Decreto Legislativo 286/2004

Tavola di corrispondenza fra Traguardi per lo sviluppo delle competenze e Dimensioni (1- Conoscere, 2- Risolvere problemi, 3- Argomentare)

Traguardi per lo sviluppo delle competenze al termine del primo biennio della scuola secondaria di secondo grado		Dimensione
Si muove con sicurezza nel calcolo numerico e simbolico; applica correttamente le proprietà delle operazioni con i numeri reali; realizza ordinamenti, calcola ordini di grandezza ed effettua stime numeriche e approssimazioni. Risolve equazioni e disequazioni.		1
Riconosce e denomina le forme del piano e dello spazio, le loro rappresentazioni e ne coglie le relazioni tra gli elementi. Utilizza proprietà delle figure geometriche e teoremi per il calcolo di lunghezze, aree e volumi.		1
Rappresenta, elabora, analizza e interpreta dati per descrivere situazioni e individuare caratteristiche di un fenomeno o di una situazione, eventualmente anche allo scopo di produrre ipotesi e prendere decisioni.	03	2
Riconosce e risolve problemi in contesti diversi valutando le informazioni possedute, le loro relazioni con ciò che si vuole determinare e la coerenza e plausibilità del procedimento risolutivo e dei risultati trovati.	04	2
Spiega il procedimento seguito, anche in forma scritta, confronta procedimenti diversi e produce formalizzazioni che gli consentono di passare da un problema specifico a una classe di problemi.	05	2
Riconosce, fra diverse argomentazioni, quelle che sono adeguate a sostenere una determinata tesi; produce esempi e controesempi utili a confermare o a confutare une determinata affermazione.	06	3
Produce argomentazioni esplicitando la tesi, utilizzando conoscenze e forme argomentative pertinenti alla tesi oggetto di argomentazione.	07	3
Comprende e utilizza diverse forme di rappresentazione, passando dall'una all'altra a seconda delle esigenze (grafica, numerica, simbolica, nella lingua naturale)	08	1
Riconosce, tra diversi modelli matematici proposti, quelli più adeguati a descrivere determinate situazioni oggetto di interesse		2
Esprime valutazioni e stime di probabilità in situazioni caratterizzate da incertezza. Esprime stime di probabilità di eventi composti a partire dalla conoscenza delle probabilità di eventi elementari.	12	2

Si osservi che in tabella, il traguardo successivo al numero 9 è indicato con 12: non si tratta di un refuso. Il motivo è che i traguardi 10 e 11 non vengono testati a questo livello scolare.